

2.7.1

(4) $f' = \frac{(2x-2)(x^2+5x+4) - (2x+5)(x^2-2x-a)}{(x^2+5x+4)^2} = \frac{2x^3 - 2x^2 + 10x^2 - 10x^2 - 8x^2 - 2x - 8x^2 - 8x^2}{()^2}$

 $\quad = \frac{4x^2 + 10x + 2x^2 + 5a - 8}{()^2} = \frac{x^2 + 8 + 2a + 5a - 8}{()^2}$

כדי שפונקציית הנגזרת תהיה מוגדרת, אז $x^2 + 5x + 4 \neq 0$, כלומר $x \neq -4$ ו/או $x \neq -1$.

 $64 + 32a + 4a^2 - 160a + 224 < 0$
 $4a^2 - 108a + 288 < 0$
 $a^2 - 27a + 72 < 0$

\checkmark

(2) $f = \frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 + 5x + 4} = \frac{(x-1)^2}{(x+4)(x+1)}$

(1) $x \neq -1, -5$ (2) $(0, \frac{1}{4})$ (1, 0)

(3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4}{x+0} = \infty$ $\boxed{|x| = 1}$
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{4}{-x} = -\infty$
 $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{36}{-x} = -\infty$ $\boxed{|x| = -1}$
 $\lim_{x \rightarrow -5^-} \frac{36}{-x} = \infty$ $\boxed{|x| = -5}$

$m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x-1)^2}{(x+5)(x+1)} = \infty$
 $n = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(x-1)^2}{(x+5)(x+1)} = 1$

(4-5) פונקציית $y = \frac{(x-1)^2}{(x+5)(x+1)}$ מוגדרת ב集ת $\mathbb{R} \setminus \{-1, -5\}$.
 $\alpha = -1$ $\beta = 1$

 $x^2 + 6x - 13 = 0$
 $x = -\frac{13}{2}$
 $x = 1$

$\begin{array}{ccccccc} x & < & -\frac{13}{2} & < & x & < & 1 \\ \hline -\frac{13}{2} & < & x & < & -1 & & -1 < x < 1 \\ \hline \max & & (\frac{13}{2}, \frac{13}{2}) & & & & \min (1, 0) \end{array}$

